

رسالة

تصحيح زيج الصفايح

١٠٥٠

لابي نصر منصور بن علي بن عراق مولى امير المؤمنين

الى ابي الريحان محمد بن احمد البيروني رحمه الله

المتوفى في عشرين ثلاثين واربعائة من الهجرة

في تصحيح ما وقع لابي جعفر الخازن من السهو في زيج الصفايح



الطبعة الاولى

بمطبعة دائرة المعارف العثمانية

حيدرآباد الدكن

صانها الله عن جميع الشرور والفتن

سنة ١٣٦٦ هـ
١٩٤٧ م

سداد الطبع ٥٠٠
١٣٥٤ هـ

بسم الله الرحمن الرحيم

انى لما جازيتك ما وقع لابي جعفر الخازن من السهو في بعض
ما أتى به في زييج الصفايح فوجدتك محالاً لأن اصلح ذلك واثبتته لك
آثرت بهواك واراadtك وان كان بعض الناس يعظم ان يستدرك
على مثل ابي جعفر في تأليفاته سهو وقع له فان الاولى بمؤثر الحق ان
لا يتهيب ذلك ولا يطوى عن اهل العلم بابا من ابوابه ظهر له وان
كان الذى يستدرك عليه ما يستدرك واصلاً متقدماً في ذلك العلم فان
العالم اقل ما يسلم من ان يقع له ما وقع لابي جعفر .

وكيف يستجيز العاقل اعظام الاستدراك عليه وبنو موسى
ابن شاكر من لا ينكر تبريزهم ولا يدفع فضلهم قد غلطوا في بعض
ما قدموا من المقدمات الكتاب ابونوريوس في المحروطات مع جلالة
قدر ذلك الكتاب وتكافى بنو موسى ما تكلفوه من اصلاحه
وابو جعفر نفسه استدرك على ما نالناوس في كتابه الموسوم بالاصول
الهندسية غلطاً وسهوا وقع له .

وها انا ابتدئ بحكاية ما ذكره ابو جعفر في زيج الصفايح
مما وقع له السهو واين موضعه منه واصلحه شيئا شيئا بمون الله.

الشكل السادس

من النوع الثاني من المقالة الثانية من زيج الصفايح

قال ابو جعفر بعد ما رسم - ا ب ج د - دائرة الافق - و - ب
ج - د - نصف فلك نصف النهار - ا ه ب ج - نصف معدل
النهار - د ج ب ط - نصف فلك البروج واخرج من نقطة سمت
الرأس على - ب ج ه د - في افق - ا ب ج د - الى فلك البروج
عمود - ل ن - ونسهل مما مثلنا ان نبين كيف يعرف الطالع بمعرفة
درجة وسط السماء من غير مطالع معمولة للبلد المفروض فنرسم لبيان
على نقطة - ج - ويعدل ضلع المربع قوس - ل ص - ونخرجها وقوس
ب ك - من تقطبي - ك - ص - حتى تلتقيا على - ب - فيكون
ب - قطب فلك البروج لأن - ف ث - م ن - عمودان على فلك
البروج ولذلك يكون - ف ث - ربع دائرة مثل قوس - ح ث
ونخرج من قطب الكل قوس - ل ف م - العظيمة تقاطع معدل
النهار على - د - وايضا نخرج قوس - ل ز ج - العظيمة فقوس
ل ف م - لأنها تمر على القطبين يقسم الانصاف المتقاطعة من معدل
النهار وفلك البروج بنصفين نصفين فقوس - د ه - مطالع درجة
ح - بالفلك المستقيم يعني من اول رأس الجدى وقوس - ل ج
تكون

تكون ربع افق خط الاستواء لأنها تمر على قطبي معدل النهار فدرجة
 زـ هي الطالعة من هذا الافق اذا كانت درجة ـ طـ هي الطالعة
 من افقـ ا ب ج د ـ وقوس ـ ز ج ـ هي ميل درجة ـ زـ لأنها
 من الدائرة التي تمر بقطبي معدل النهار وتبين انها مساوية لقوس ـ ف
 صـ فتخرج قوس ـ زهـ من فلك الافق الذي منه قوس ـ ل ج
 ققوس ـ زهـ من مثلث ـ ل هـ زـ مثل قوس ـ ل ح ـ من
 مثلث ـ ص ح ث ـ فقوس ـ ل هـ مثل قوس ـ ص ح ـ وزاوية
 ل زهـ مثل زاوية ـ ص ب ح ـ وزاوية ـ زل هـ مثل زاوية
 ف ص ح ـ لأنها قائمات فقوس ـ ل زـ مثل قوس ـ ص ث
 كما بين مانا لاوس في كتاب الكريات ولكن قوس ـ ل ز ج
 مثل قوس ـ ف ص ث ـ فتبقى قوس ـ ز ج ـ مثل قوس ـ ف
 ص ـ بذلك تزيد على مطالع درجة وسط السماء بالفلك المستقيم
 تسعين درجة ليجمع قوس ـ دهـ جـ وبحولها الى درج السواء
 ليخرج قوس ـ م ح زـ ونأخذ به قوس ـ م ح زـ الميل
 فتخرج قوس ـ ز ج ـ المساوية لقوس ـ ف ص ـ وفي قطاع
 ف ث ح ـ نسبة جيب قوس ـ ف ث ـ الى جيب قوس ـ ص ث
 مؤلفة من نسبة جيب قوس ـ ف ن ـ الى جيب قوس ـ ك ن
 ومن نسبة جيب قوس ـ ح ك ـ الى جيب قوس ـ ح ص ـ الربع
 والجيب الاول والثالث متساويان فنسبة جيب قوس ـ ك ن ـ الى

--- سيج سيج ---

جيب قوس -- ص ث -- التي هي تمام الميل المأخوذ كنسبة جيب
ح ك -- التي هي تمام ارتفاع درجة وسط السماء الى جيب قوس
ح ص -- الربع .

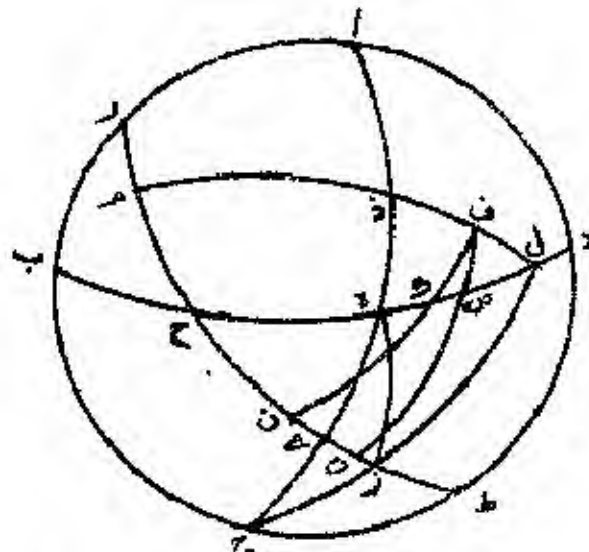
وايضا في هذا القطاع نسبة جيب قوس -- ف ص -- الى
جيب قوس -- ص ث -- مؤلفة من نسبة جيب قوس -- ف ك -- الى
جيب قوس -- ك ن -- ومن نسبة جيب قوس -- ح ن -- الى جيب
قوس -- ح ث -- الربع فبمعرفة درجة -- ح -- يسهل وجود قوس
ح ث -- وهي ارتفاعها نصف النهار وقوس -- ح ك -- وهي تمام
الارتفاع ويسمى العرض المعدل وقوس -- د ه -- وهي مطالعها
بالفلك المستقيم وقوس -- د ه ج -- بزيادة تسعين درجة على قوس
د ه -- ويتحويلها الى درج السواء توجد قوس -- م ج ز -- وقوس
م ج ز -- يوجد قوس -- ز ج -- المساوية لقوس -- ف ص -- من
جدول الميل وقوس -- ص ث -- التي هي تمام قوس -- ف ص -- ثم
نضرب جيب قوس -- ص ث -- من جيب قوس -- ح ك -- ونقسم
ما بلغ على كل الجيب فيخرج جيب قوس -- ك ن -- ثم نضرب فيه
جيب قوس -- ف ص -- ونقسم ما بلغ على جيب قوس -- ف ك --
التي هي تمام قوس -- ك ن -- فيخرج الوسط الاول فيصير به في
جيب قوس -- ح ث -- وهو كل الجيب ونقسم ما بلغ على جيب
قوس -- ص ث -- التي هي تمام الميل المأخوذ بقوس ما خرج تكون

قوس

قوس - ح ن - فلأنها ميل قوس - ث ط - التي تسمى تعديل
الطالع يزداد على درجة - ح - تسعين فتكون قوس - ح ث - ثم
تزداد عليها قوس - ث ط - فينبغي الى درجة - ط - الطالعة
من افق البلد .

وقد نعلم قوس -- ح ي -- باربعة جيوب لأن في قطاع -- ح
ث ف -- نسبة جيب قوس -- ح ث -- الى جيب قوس -- ب ث
مؤلفة من نسبة جيب قوس -- ح ص -- الى جيب قوس -- ك ص
ومن نسبة جيب قوس -- ف ك -- الى جيب قوس -- ف ن -- والجيب
الاول والثالث متساويان فنسبة جيب -- ك ص -- المساوية لقوس
ح ب -- التي هي تمام ارتفاع درجة وسط السماء الى جيب قوس
ب ث -- التي هي تمام تعديل الطالع كنسبة جيب قوس -- ف ط
التي هي تمام عرض اقليم الرؤية الى جيب قوس -- م ز -- الربع •

ش - ۱



والسهو الذي وقع لأبي جعفر في هذا أنه توهم أن - ق ص
تساوى - ز ج - وانت تعلم إذا تأملت ما نقلته لك من قوله هذا
كم مرة يذكر ذلك وكيف يكرر أن - ص ث - تمام الميل المأخوذ
بنقطة - ج - وايضا فقد يذكر نحو هذا في الشكل الثالث من
النوع الرابع من هذه المقالة حين يريدان يبين كيف يعرف عرض
الكوكب وجزؤه من فلك البروج من قبل ارتفاعه في فلك نصف
النهار وارتفاع درجة وسط السماء *

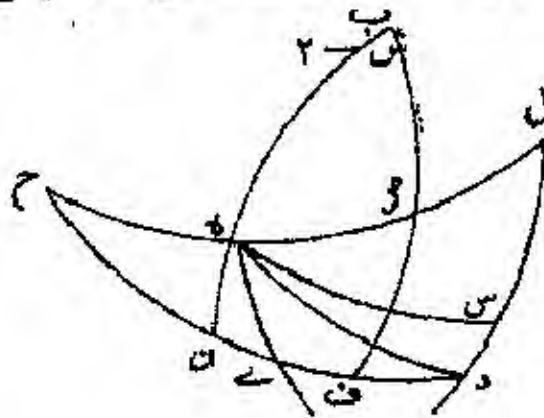
فنقول في القوس التي تقع بين قطب فلك البروج وبين فلك
نصف النهار من الدائرة العظيمة التي قطبها درجة وسط السماء أنها
ميل الدرجة الطالعة من الفلك المستقيم تقول كما قدمنا في الشكل
الرابع من النوع الثاني من هذه المقالة يعني هذا الشكل الذي اوردناه
هاهنا *

قال وبيننا كيف يعرف وهو ان يزداد على مطالع درجة وسط
السماء بالفلك المستقيم تسمون ويحول ما اجتمع الى درجة السواء
ويؤخذ به الميل من جدول الميل فتكون هذه القوس المذكورة
ونسى ميل الرقبة وهذا غلط وانما ينبغي ان يؤخذ الميل بما يجتمع
من المطالع قبل ان يحول الى درج السواء اعني مطالع درجة وسط
السماء بالفلك المستقيم مزادا عليها تسمون فان ميل المجتمع قبل التحويل
هو القوس المذكورة ثم سائر ما في هذا الباب صحيح *

وأما حكيته على وجهه لتأمل أيضا اذا اصلحت موضع الغلط
فرق ما بين هذه الطرق في البرهان وبين طرقنا المبينة على ما كنا
كتبناه اليك في المثلثات الكرية .

ونحن نوضح لك بأهون امر وادنا ان برهانه على ان - ص ث
ل ز - متساويان غير مستقيم، نعيد مثلثي - ل ه ز - ق ب ث - ونخرج
من نقطة - ه - الى قاعدة - ل ز - قوس - ه س - من دائرة عظيمة
فيكون مربع دائرة كما ان - ح ث - مربع دائرة وايضا فضلع - ل ه
مساو لضلع - ف ن - في مثلث - ف ب ث - وزوايا - ل س - ص
ث - قائمتان فلئن كان يساوي ضلع - ل ه - ص ح - وضلعي - د ه
ح ث - مع تساوي زاويتي - ل س - و زاويتي - ل د ه - ص ب
ح - يوجب ان تكون قاعدة - ل ز - مساوية لقاعدة - ص ث
فان قاعدة - ص ث - ايضا تساوي قاعدة - ل س - لأن هذه
المعاني التي اوجب لها ان تكون قاعدة - ص ث - مساوية لقاعدة
ل ز - كذلك موجودة في مثلثي - ل ه س - ص ح ث - فاذن
ل ز - تساوي - ل س - الكل للجزء فقد تبين لك ان الذي حكم له
ابوجعفر بان قاعدة - ل ز - تساوي قاعدة - ص ث - ليس يوجب

ما اوجبه به .



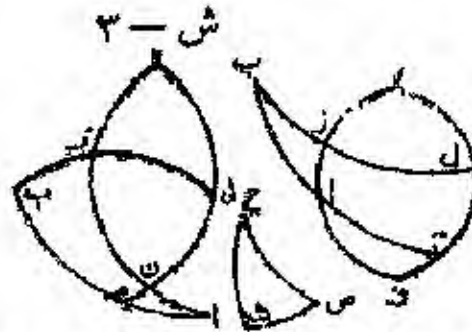
والذي نسبه ابو جعفر الى ما نا لاوس فان ما نا لاوس منه
بريء من ذلك ولوانه قال بما قاله ابو جعفر لم يقبله منه لكن ما نا لاوس
يشترط ان لا تكون نقطتا - ه - ح - التي تحيط بهما الاضلاع المتساوية
قطبين للقاعدتين فعلى هذه الشريطة اذا كان ضلع - ل - ه - مساويا
لضلع - ص - ح - وضلع - ز - ه - اضلع - ث - ح - وزاوية - ل - ز - ه
مساوية لزاوية - ص - ث - ح - وزاوية - ز - ل - ه - زاوية - ب - ص - ح
كانت قاعدة - ل - ز - ه - حينئذ مساوية لقاعدة - ص - ث - ه - فاما - ا - د - ه
قطب - ل - ز - ه - و - ح - قطب - ص - ث - ه - فان قاعدتي - ل - ز - ه - ص
ث - ه - لا يجب ما ذكره ابو جعفر ان تكونا متساويتين وهذا برهان
ما نا لاوس على ما ذكرنا *

قال اذا لم يكن - ه - قطب - ل - ز - ه - فان احد ضلعي - ل -
ه - ز - ه - ليس بربع دائرة فليكن - ه - ز - ه - غير مساو لربع دائرة
وسائر ما اشترطنا على ما ذكرنا ونقسم نصف دائرة - ه - ل - ن - ه - د - ن
ونأخذ - ز - ا - ه - مساويا - ل - ه - ز - ونخرج - ج - ل - ز - من نقطة - ز
ونجعل - ز - ب - ه - مساويا لقاعدة - ص - ث - ه - في مثلث - ص - ح
ب - ه - ونخرج قوس - ب - ا - م - العظيمة تلتقي دائرة - ه - ل - ن - ه - على
نقطة - م - ه - فلأن ضلع - ا - ز - ه - في مثلث - ا - ز - ب - ه - مساو - ل - ز - ه
و - ز - ه - يساوي - ح - ث - ه - و - ز - ب - ه - جعلناه مساويا لقاعدة - ص
ب - ه - وقد كانت زاوية - ه - ز - ل - ه - مساوية لزاوية - ح - ث - ص - ه - فانا

ان

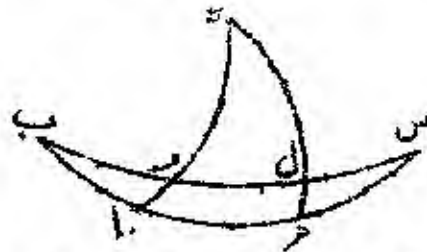
ان وضعنا مثلث - ص ح ث - على مثلث - ب ز ا - زاوية - ث
 على زاوية - ز - وقاعدة - ص ث - على - ز ب - المساوي له
 وضلع - ص ث - على ضلع - ا ز - المساوي له انطبق جميع المثلث
 على جميع المثلث - ق ا ب - تساوي - ل ه - وزاوية - ز ث ا
 تساوي زاوية - ه ث ز - المساوية لزاوية - ح ص ث - واذن
 الزاوية التي عند - ل - داخل مثلث - ل ه ز - مساوية للزاوية التي
 عند - ب - داخل مثلث - ز ث ا - فان مجموع - ث م - م ل
 نصف دائرة ولأن - ث ب - يساوي - ل ه - فان - ا م - م ه
 مجموعين نصف دائرة - فام - يساوي - ل م - فزاوية - م ا ن
 تساوي زاوية - م ن ا - المساوية لزاوية - ل ه ز - وزاوية - م
 ا ن - تساوي زاوية - ز ا ب - المساوية لزاوية - ص ح ث
 فزاويتا - ص ح ث - ل ه ز - متساويتان وضلعا - ل ه - ه ز
 مساويان لضلعي - ص ح - ح ث - فقاعدة - ل ز - تساوي قاعدة
 ص ث - كما بينا في الصورة الثانية و - ا ب - ل ز - مجموعين نصف
 دائرة و - ل م - م ل - مجموعين نصف دائرة - فم - ا م - متساويان
 وانما يكون مجموع - ل م - م ل - نصف دائرة اذ كانت زاوية
 ز ل ه - مساوية لزاوية - ز ث ا - لأننا اذا اخرجنا قوسي - ل ب
 م ب - حتى يلتقيا اعني تتمهما نصلي دائرتين كما اخرجناهما حتى
 التقيتا على - س - فلأن زاويتي - ل - (١) المتناظرتين متساويتان

وزاويتا - ز ث ا - ز س ا - متساويتان فان زاوية - ز ل ه - اذا
كانت مساوية - ل ح ص ث - المساوية لزاوية - ز ب ا - كانت
زاوية - س ل م - مساوية لزاوية - ل س م - وكان لذلك
ضلعاً - م ل - م س - متساويان *



فهذا هو الذي ذكره مانا لاوس وبرهنة، فاما اذا كانت
تقطتا - ه ح - قطبي القاعدتين فان الذي ذكره ابو جعفر لا يصح *

ش - ٤



ونعيد شكاه لاصلاح الغلط وذكر تلك الموارات على ما
يوافق اصولنا ونخرج - ف ث - الى قوس - ا ه ج - ولأن
دائرة - ب ج ه د - تمر على قطبي - ل ز - ف ث - فانيهما جميعا
تمران على قطب - ب ج - ه ز - ف قوس - ف ث - اذا اخرجت
الى - ه ج - لقيته على - ج - الذي هو قطب - ب ج - ه د - و

ث ج

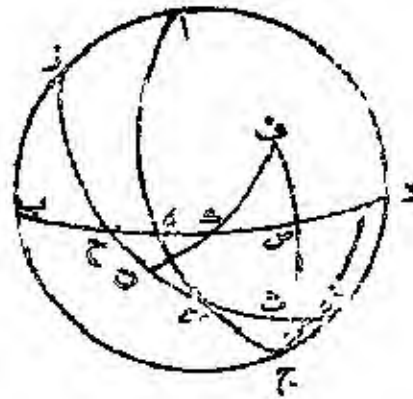
ث ج - الذى هو تساوى - ف س - لا ز ج - و - س ج - مثل
 ب ج - لا مثل - ي ز - لأن زاوية - ث - قاعة فاذن اذا حصل
 لنا بعد - ج - من نقطة - ي - التى عليها التقاطع قانا تأخذ ميل ما
 يحصل فيكون تمامه - ص ث - ولا نحتاج الى ان نحول - ي ج
 الى درج السواء لىكى نخرج - زى - فنأخذ ميله فان ذلك كما قد
 تبين لا يكون تمام - ص ث - لكن نسبة جيب - ز ج - الى
 جيب - ث ج - المساوى - لق ص - كنسبة جيب قوس - ي ز
 الى جيب مطالعها بالفلك المستقيم وذلك ان - ب ج - الذى ميله
 ث ج - مطالع - ي ز - بالفلك المستقيم - فص ث - الذى تمامه
 اقل من - ز ج - اعظم من - ب ز - تمام - ز ج - فعلى هذا
 يستقيم العمل *

فاما سائر براهين الاعمال التى ذكرها فهكذا اذا صار (١)
 معلوما وبقدرة زاوية - ص ح ث - وزاوية - ن - قاعة و - ك ح
 من قبل ميل نقطة - ح - المعلومة معلومة فن اجل ان نسبة ميل
 ك ح - الى جيب - ك ن - المطلوب كنسبة جيب زاوية - ن
 القاعة الى جيب زاوية - ح - المعلومة يكون - ك ن - معلوما
 ومن قبل ان زاويتي - ك - المتناظرتين متساويتان وزاويتا - ص ن
 قائمتان فان نسبة جيب - ف ك - الى جيب - ف ص - كنسبة
 جيب - ك ح - الى جيب - ح ن - *

وايضا فلأن زاوية -- ث ف ن -- بقدر تمام -- ح ن -- ونسبة
جيب -- ك ص -- المعلوم الى جيب -- ف ك -- المعلوم كنسبة جيب
زاوية -- ف -- المطلوبة الى جيب زاوية -- ص -- القائمة فزاوية -- ب
التي تقدرها تمام -- ح ن -- معلومة *

وانت اذا تأملت هذه الألفاظ اليسيرة والبراهين القريية
السهلة وقستها بتلك عرفت فرق ما بين هذه وتلك ، ولست اقول
هذا افتخارا بما يتأني لنا من امثال ذلك فانا انما قويننا على استنباطها بأننا
وجدنا ما قدمه السلف لنا مفروغا منه لم نتعب فيه الذهن ولكننا
توحي الى مثل هذه المعاني لأن قوما يبخسون المتأخرين حظهم وما ذلك
بعذهب عدل واعتقاد حق في تفضيل جماعة المتقدمين على جماعة
التأخرين ولا كفران لمن اولئك العلماء فيما دونوه لنا ولا انكار لان
يسهو بعضهم او يغلط عند كلال الخاطر وتبدل القرينة بازدياد
الفكر في المعاني المتعبة ثم يثر على ذلك بعض المتأخرين فيفهمه
ويصلحه بل ذلك يكون منه معرفة لحق اولئك المتقدمين وشكرا
لبعض منهم *

ش - هـ



الشكل

الشكل السادس

من النوع الثاني من المقالة الثانية من زييج الصفايح

قال ابو جعفر في معرفة خط نصف النهار اذا كانت درجة الشمس معلومة يؤخذ ارتفاع الشمس اى وقت اتفق ويخرج قطر الدائرة المرسومة موازية لسطح الافق تمر على طول الظل ويسمى قطر السميت ويؤخذ من الافق من جيب الطرف الذى يلى الشمس من طرفي قطر السميت مثل الارتفاع المقيس ومثل ارتفاع نصف النهار الى ناحية الشمال ، ويسهل أخذ ذلك اذا قسم المحيط بثلاثمائة وستين ثم يخرج من منتهى ارتفاع نصف النهار خط الى المركز ومن منتهى الارتفاع المقيس خط يتصل به مواز لقطر السميت ويخرج من نقطة الاتصال خط يقاطع القطر على زوايا قائمة ويمر على محيط الدائرة ويؤخذ بالبركار ميل جيب تمام الارتفاع المقيس ويوضع احد طرفيه على مركز الدائرة والطرف الآخر حيث بلغ من الخط المخرج فهو قطعة من خط نصف النهار فيخرج في جهتيه تمام القطر فيكون المطلوب .

قال ويان ذلك ان يتوهم كل واحدة من الدائرتين افق البلد ويرسم في الاولى منها قوس - ا ك ج - ما فوق الارض من فللك نصف النهار وقوس - ب ك د - نصف دائرة الارتفاع وقت القياس فيكون - ك - سمت الرأس ونفرض الارتفاع المقيس

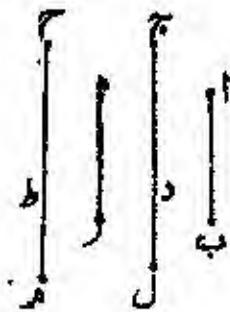
قوس - ب ل - وارتفاع نصف النهار قوس - ا م - ونرسم على نقطة
ك - التي هي احد قطبي الافق ويبعد وتر قوس - ك ل - قوس - ل ن
فتكون قطعة من دائرة الارتفاع التي هي ونظائرهما من الدوائر التي
تسمى في الاسطرلاب مقنطرات وسطوحها موازية لسطح الافق
وتأخذ قوس - ب س - ميلي قوس - ا م - ويخرج من - تقطبي
س - ل - خطي - س ه - ل ع - في سطح دائرة - ب ك د
وليكن خط - ل ع - مواز يا لخط - ب ه - ونصل ما بين تقطبي
ن - ع - بخط - ن ع - المستقيم فلأن تقطبي - ل ن - في السطح والدائرة
التي منها قوس - ب ل - وخط - ل ع - مواز بخط - ب ه - الذي
في سطح دائرة - ا ب ج د - يكون خط - ل ع - في سطح الدائرة
التي منها قوس - ب د - فنقطة - ن - وخط - ب ع - في هذا
السطح فلأن سطح دائرة - ب ك د - ا ب ك - قائمتان على
سطح - ا ب ج د - على زوايا قائمتان بقطري - ب د - ا ج
يكون مسقط حجري - ل - ع - على خط (١) ومسقط حجر
ن - على خط - ا ه - فيكون مسقط حجر - ل - نقطة - ف
ومسقط حجر - ع - نقطة - ص - ومسقط حجر - ن - نقطة - ق
فينفصل خطا - ه ب - ه و - متساويين لأن مركز - ه - لما كان
مسقط حجر مركز الدائرة التي منها قوس - ب ل - صار كل واحد
من الخطين نصف قطر هذه الدائرة اذا سقطت من السمك على سطح

ا ب ج د - وتوقع اعمدة - ل ف - ع ص - ف و - فيبر عمود
 ال ف - ع ص - في سطح دائرة - ب ك د - وعمود - ل ق - في
 سطح دائرة - ا ك ج - ونخرج خط - ص ق - فيحدث مربع
 ل ص - متوازي الاضلاع قائم الزوايا لأن عمودي - ع ص - ل و
 متساويان نقط - ص و - اذن مساو لنقط - ع ن - الذي في السمك
 ولكي يشع ذلك كله في سطح الافق ويظهر للحس بتوهم قوس
 ب ك د - ينطبق على قوس - ب ج د - من الدائرة الثانية بتقطيع
 ب - ل - س - ك - د - فيقع ما في سطح نصف دائرة - ب ك د
 من الخطوط على سطح دائرة - ا ب ج د - كوتوقع خطوط - ل م
 ع ص - س ه - ل ع - ص و - ويصير عمود - ع ص - مع خط
 ص و - خطا واحدا مستقيما لأنهما عمودان على خط - ب ه - في
 هذه الدائرة كما كانا في الدائرة الاولى فتنفذ الى المحيط فيتصل به
 عند نقطة - ز - ونصل ما بين نقطتي - ه ق - بخط مستقيم فيكون
 مثل خط - ه - والذي في الدائرة الاولى ولكنه مساو لنقط - ه ب
 وخط - ه ف - جيب تمام الارتفاع المقيس لأن خط - ل ف - جيب
 الارتفاع ثم يخرج خط - ه و - في الجهتين الى المحيط فيكون
 قطر - ا ج - المطلوب *

وقد فصل من خطى - ح د - ح ط - التالين مقدأرا - دل - ط م
 المتساويان و - اب - اعظم من - ه ز - فاقول ان نسبة - اب
 الى (١) اصغر من نسبة - ه ز - الى - م ح .

برهان ان نسبة - اب - الى - ح د - كنسبة - ه ز - الى
 ح ط - فاذا بدلنا كانت نسبة - اب - الى - ه ز - كنسبة - ح د
 الى - ح ط - و - ح د - اعظم من - ح ط - ونسبة - ح د - الى
 ح ط - اعظم من نسبة - دل - الى - ط م - فنسبة - ل ج - الباقي
 الى - م ح - الباقي اعظم من نسبة - ح د - الى - ح ط - وقد
 كانت نسبة - ح د - الى - ح ط - كنسبة - اب - الى - ه ز
 فنسبة - ل ج - الى - م ح - اعظم من نسبة - اب - الى - ه ز
 واذا بدلنا فان نسبة - ل ج - الى - اب - اعظم من نسبة - م ح
 الى - ه ز - واذا خالفنا فان نسبة - اب - الى - ل ج - اصغر
 من نسبة - ه ز - الى - م ح - وذلك ما اردنا ان نبين .

ش - ٧

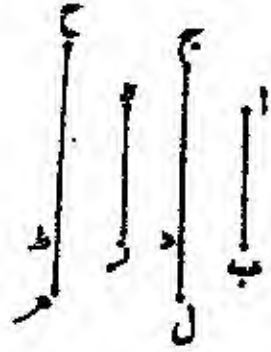


اذا كانت اربعة مقادير مختلفة متناسية وزيد على كلى التالين
مقداران متساويان فان نسبة المقدم الاعظم الى مجموع تاليه والزيادة
عليه اعظم من نسبة المقدم الثانى بمجموع تاليه والزيادة عليه .

مثاله ان نسبة - اب - الى - ح د - كنسبة - ه ز - الى
ح ط - وهى مختلفة و - اب - اعظم من - ه ز - وقد زيد على
ح د - ح ط - مقدار ا - دل - ط م - المتساويان، فاقول ان نسبة
اب - الى - ج ل - اعظم من نسبة - ه ز - الى - ح م .

برهانه ان نسبة - اب - الى - ح د - كنسبة - ه ز - الى
ح ط - . واذا بدلنا فان نسبة - اب - الى - ه ز - كنسبة - ح د
الى - ح ط - و - ح د - اعظم من - ح ط - فنسبة - ح د - الى
ح ط - اعظم من نسبة - دل - الى - ط م - فنسبة بمجموع - ح د
دل - الى مجموع - ح ط - ط م - اصغر من نسبة - ح د - الى - ح
ط - وقد كانت نسبة - ح د - الى - ح ط - كنسبة - اب - الى
ه ز - فنسبة - ج ل - الى - ج م - اصغر من نسبة - اب - الى
ه ز - واذا بدلنا فان نسبة - ح ل - الى - اب - اصغر من نسبة
ح م - الى - ه ز - واذا خالفنا فان نسبة - اب - الى - ج ل
اعظم من نسبة - ه ز - الى - ح م - وذلك ما اردنا ان نبين .

ش - ٨



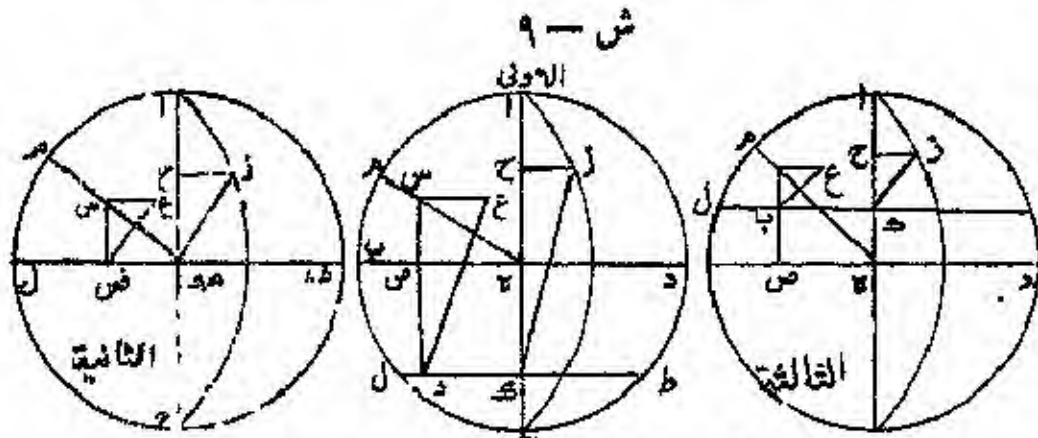
واذ هذا هكذا فاننا نرسم دائرة -- ا ب ج د -- دائرة الافق
على مركز -- ه -- ونربعها بقطري -- ا ج -- ب د -- وليكن -- ب د
خط نصف النهار فيكون -- ا ج -- خط الاعتدال ونخرج -- ط ك ل
من الفصول المشتركة لافق -- ا ب ج د -- ولاحدى الدوائر المتوازية
ونرسم -- ا ز ج -- نصف فلك نصف النهار وليكن -- ا ز -- ارتفاع
مدار -- ط ك ل -- في فلك نصف النهار ونخرج عمود -- ز ح -- على
ا ج -- ونصل -- ز ك -- ونخرج -- ه م -- قطر دائرة من دوائر
الارتفاعات وتكون عليه نقطة -- س -- فوق جيب الارتفاع المقيس
وليكن هذا الجيب -- س ع -- ونقطة -- ع -- المدار ونخرج
عمود -- س ف -- على خط -- ط ك ل -- في الصورة الاولى التي
للمدار الشمالى يقطع -- س ف -- خط -- ف د -- على نقطة -- ص -- وفي
الصورة الثالثة التي للمدار الجنوبى يخرج -- ص ف -- على استقامة

فيلقى -- ن ه -- على -- ص -- فلأن تقطى -- ز ك -- فى سطح مدار
 ط ك ل -- فان خط -- زى -- الذى فى سطح فلك نصف النهار هو
 الفصل المشترك لفلك نصف النهار ومدار -- ط ك ل -- ولأن سطح
 فلك نصف النهار يفصل الدوائر المتوازية فى الصور الثلاث على
 خطوط -- ز ح -- فانها فيها متوازية واعمدية -- ز ح -- فيها متوازية
 فثلثا -- ب ك -- ز ح -- فيها متشابهة ولأن -- ع س -- يوازي -- ز ح
 فان سطحى -- ك ح ز -- ف س ع -- متوازيان وخط -- ع ف -- من
 اجل ان تقطى -- ع ف -- فى سطح مدار -- ط ك ل -- هو فى هذا
 السطح ايضا فسطح مدار -- ط ك ل -- يفصل سطحى -- ك ح ز
 ف س ع -- المتوازيين على خطى -- ع ف -- ز ك -- فخطا -- ع ف
 ز ك -- متوازيان ولذلك مثلث -- س ع ف -- شبيه بثلث -- ح ز
 ك -- ولذلك هذه المثلثات فى جميع الصور متشابهة فلنسبتها المثلثات
 المتشابهة واضلاعها التى على الافق اضلاع الافق وجيوب
 الارتفاعات اضلاع السمك .

ولأن نسبة -- ز ح -- الى -- ح ك -- كنسبة -- ع س -- الى
 س ف -- و -- ز ح -- اعظم المقدمين فانا ان فصلنا فى الصورة الاولى
 من -- ح ط -- س ف -- التالين -- ه ك -- ص ف -- المتساويين بقيت
 نسبة -- ز ح -- الى -- ح ه -- اصغر من نسبة -- ع س -- الى -- س ص .
 وايضا فلأن نسبة -- ز ح -- الى -- ح ك -- فى الصورة الثالثة

كنسبة

كنسبة - ع س - الى - س ف - ر - زح - اعظم المقدمين فاذا
زدنا على - ح ك - س ف - التاليين - ه ك - س ف - المتساويين
صارت نسبة - زح - الى - ح ه - اعظم من نسبة - ع س - الى
س ص - وبين ان نسبة جيب - م ب - الذي هو بعد السميت عن
خط الاعتدال اذا كان - ه م - نصف قطر دائرة الارتفاع الى - س
ص - كنسبة - ه م - الجيب كله الى - ه س - جيب تمام الارتفاع .



ثم نعود الى الشكل الذي وقع لأبي جعفر فيه السهو فتعيده في
ثلاثة مواضع لاعظم المتوازية وللأجزاء الشمالية والجنوبية في السموت
الجنوبية ونخرج عمود - س ط - على قطر - ن ه - فيكون جيب ارتفاع
نصف النهار ونسبة - س ط - الى - ط ه - كنسبة عمود - ع ص
الى - ص ه - فاذا كانت درجة الشمس نقطة الاعتدال كان - ص ه
نظير - ص س - في الشكل الثاني من الاشكال المقدمة واذا اخرجنا
من نقطة - ا - عمود - ا ح - جيب بعد السميت عن خط نصف
النهار فصل - ه ح - جيب بعد السميت عن الاعتدال ولأن - ص

هـ - نظير - ص س - فيما تقدم فان - ص هـ - اذا كان جزء الشمس
احدى تقطى الاعتدال و - ل س - ارتفاع رأس الحمل والميزان ضلع
هذا الافق من المثلثات المتشابهة لارتفاعات اعظم المتوازية فتكون
نسبة - ح هـ - جيب بعد السميت عن الاعتدال الى - هـ ص - كنسبة
ا هـ - الجيب كله الى - هـ و - جيب تمام الارتفاع لذلك يكون
اح - ف ص - متوازيين •

فاما في الاجزاء الشمالية والسموت الجنوبية فلأن نسبة - س
ط - الى - ط هـ - كنسبة - ع ص - الى - س هـ - فنسبة - س ط - الى
ط د - اصغر من نسبة - ع ص - الباقي من ضلع هذا الافق في مثلث
ع ص - من المثلثات المتشابهة لارتفاعات الاجزاء الشمالية اذا نقص
منه ما نقص من ضلع الافق في المثلث الذي ضلع سمكه - س ط
فان - ص هـ - اعظم من ذلك الباقي فليكن - هـ ز - مساويا له ونصل
ف ز - فلأن نسبة - ح هـ - يكون الى - هـ ز - اذا كان عملنا للاجزاء
الشمالية كنسبة الجيب كله الى جيب تمام الارتفاع فانا ان وصلنا
ف ز - كان موازيا - لاح •

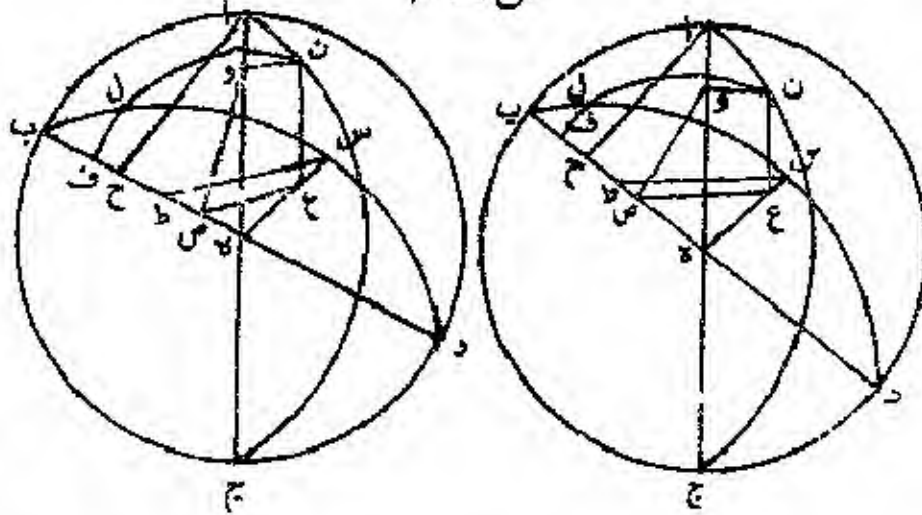
واما في الاجزاء الجنوبية فلأن نسبة - س ط - الى - ط هـ
كنسبة - ع ص - الى - ص هـ - ونسبة - س ط - الى - ط هـ
اعظم من نسبة ضلع السمك في هذا الافق في المثلثات المتشابهة
الصغرى لارتفاعات الاجزاء الجنوبية الى ضلع الافق بعد ان يزد عليه

ما زيد

(٣)

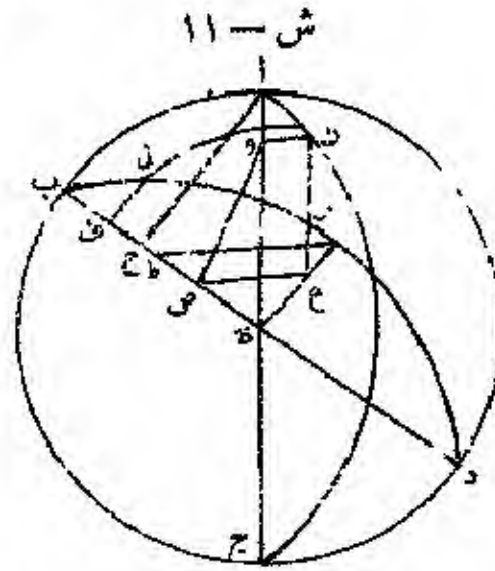
ما زيد على ضلع الافق في المثلث الذي ضلع سمكه - س ط
 فص - هـ - اصغر من مجموع ضلع الافق في المثلث الجنوبي الذي
 ضلع سمكه - ع ص - والزيادة (١) فليكن - هـ ك - مساويا لذلك
 ونصل - ف ك - فتكون ايضا نسبة - ح - الى - هـ ك - كنسبة
 ل - هـ - الى - هـ و - ويكون - ف ك - لذلك موازيا - لاح - فقد
 تبين ان - ف ص - لا يكون عمودا على - ن هـ - إلا اذا كان جزء
 الشمس احدى تقطبي الاعتدال *

ش - ١٠



فاما في الاجزاء الشمالية والسموت الجنوبية فان زاوية
 ف ص هـ - تكون حادة وفي الاجزاء الجنوبية منفرجة لأن السموت
 الخارج من نقطة - و - الى قطر السموت يقع بين تقطبي - هـ - ص
 في الاجزاء الشمالية والسموت الجنوبية وبين تقطبي - ب - ص - في
 الاجزاء الجنوبية وذلك ما اردنا ان نبين *

(١) كذا في الاصل.



ونعيد دائرة - اب ج د - على مركز - هـ - للسموت
الشمالية في ثلاث مواضع لثلاثة آفاق يكون عرض اقلها اكثر من
ميل الدرجة المفروضة وعرض الثاني مساويا لميل الدرجة وعرض
الثالث اقل منه ونربعها جميعها بقطري - اج - ب د - ونفرض
اج - الفصل المشترك للافق ولعدل النهار وخط - زح - الفصل
المشترك للافق ولمدار الجزء المفروض فيكون موازيا - لاج
ونرسم - ال ج - لفلك نصف النهار ولتكن نقطة - ل - مجاز (١)
الجزء في فلك نصف النهار فنخرج منها الى سطح الافق اعمدة
لتكون جيوب ارتفاع الجزء في فلك نصف النهار .

وليكن العمود ان في الدائرة الاولى والثالثة عمودا - ل - ف
فاما في الثانية فلأن مجاز الجزء فيها على قطب الافق فان العمود
يقع من خط نصف النهار على - هـ - ونصل - ل ط - وليكن المثلث

(١) كذا في الاصل

الشيء

الشبيه بثلاث -- ل ف ط -- في الاولى والثالثة ولثلاث -- ا ه ط -- في الثانية وقت القياس مثلثات -- ن ك ي -- ونصل -- ه ي -- ونخرجه الى -- س -- من محيط الدائرة فيكون -- ل س -- بعد السميت عن خط الاعتدال الى الشمال ونخرج -- ل ي -- الى نقطة -- م -- من خط -- ن د -- فتكون نسبة جيب بعد السميت عن خط الاعتدال في الشمال الى -- م ي -- كنسبة الجيب كله الى -- ه ي -- الذي هو جيب تمام الارتفاع المقيس .

واقول ان الذي ذكره ابو جعفر في الدائرة الاولى والثالثة قد يكون كذلك عند نقطة واحدة من الخطوط الموازية لمن اذا وقع عليه جيب الارتفاع وقوعا يقسمه بين خطي -- ب د -- ز ح على نسبة مفروضة وذلك اذا كانت نسبة -- ل ي -- الى -- ل م -- كنسبة -- ط ف -- الى -- ف ه -- واذا كانت نسبة -- ي ن -- الى -- م ي -- اصغر فان زاوية -- ق ص ه -- في الشكل المتقدم تكون منفرجة واذا كانت النسبة اعظم فتكون حادة ولانه اذا كانت نسبة -- ن ي -- الى -- م ي -- اصغر من نسبة -- ط ف -- الى -- ف ه -- ونسبة -- ك ي -- الى -- ب ن -- كنسبة -- ل ف -- الى -- ط ف -- فان نسبة -- ك ي -- الى -- م ي -- حيثذ يكون اصغر من نسبة -- ل ف -- الى -- ف ه -- فكان الخط الخارج في الشكل المتقدم من منتهى جيب تمام الارتفاع المقيس موازيا لجيب بعد السميت عن خط نصف النهار الى

قطر السميت يقع بين تقطى - ص - ب - في الشكل المتقدم وإذا كانت
نسبة - ن - ي - الى - ي - م - اعظم من نسبة - ط - ف - الى - ف -
وكانت لذلك نسبة - ك - ي - ل - م - اعظم من نسبة - ل - ف - الى
ف - ه - فان زاوية - ع - ص - ه - في ذلك الشكل تكون حادة لأن
الخط المخرج من متهى جيب تمام الارتفاع المقيس من خط نصف
النهار الى قطر السميت موازياً لجيب بعد السميت عن خط نصف النهار
يقع بين تقطى - ص - ه - .

فاما اذا تساوت النسب حتى تكون نسبة - ك - ي - الى - ن -
م - كنسبة - ل - ف - الى - ف - ه - فانها تكون قائمة .
فاما في الدائرة الثانية فلانا ان اخرجنا في دائرة الارتفاع
المقيس الخط الموازى لقطرها الى الخط المخرج من مركز الدائرة الى
صمت الرأس وذلك الخط قائم على سطح الافق فان العمود الذى
يقع من النقطة الموجودة على سطح الافق يقع على - ه - .

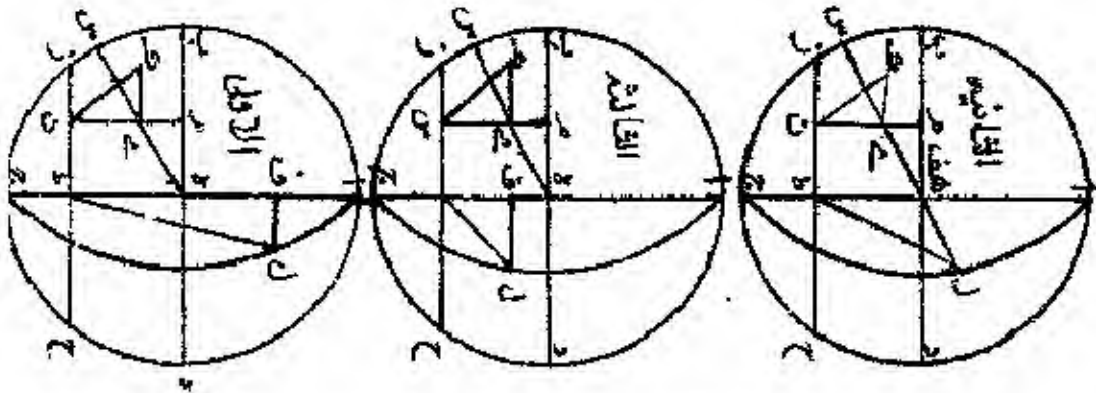
وابوجعفر يزعم انه ان اخرج من هذه النقطة عمود على قطر
السميت فانه ينتهى الى خط نصف النهار عند متهى جيب تمام
الارتفاع المقيس من خط نصف النهار ونقطة - ه - من خط
نصف النهار فيجب اذن ان يكون خط نصف النهار قائماً على جميع
اقطار السموت .

وهذا فاحش من الخطأ لأن ذلك لا يكون الا في خط الاستواء

لنقطتى

لنقطتي الاعتدال فقط بل اذا قسم ضلع - ك ي - خط - م ن
بنصفين حتى تكون نسبة - ك ي - الى - ي م - كنسبته الى - ي ن
فانا حينئذ ان أخذنا من عند المركز من قطر السميت الى جهة الشمس
بقدر - ن ي - وعملنا عمله فقد وجدنا خط نصف النهار •

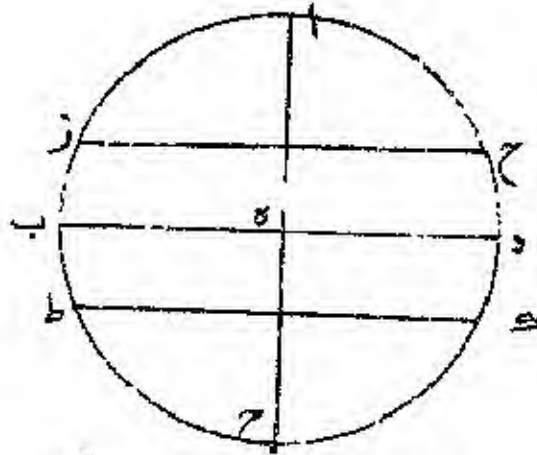
ش-١٢



ومن خط الاستواء نربع الافق بالقطرين ونخرج فصلي
ز ح - ك ط - لدائرتين من المتوازية في جهتي الشمال والجنوب
فاذن الدوائر المتوازية قائمة على هذا الافق فان جيوب الارتفاعات
اذهي اعمدة على سطح الافق يقع جميعا على خطي - ك ط - ز ح
على كل خط من مداره فيبين ان تلك المثلثات المتشابهة لا تقع في
هذا السطح لأن جيب الارتفاع هو في سطح المدار •
وايضا فالخط الذي يسمى حصة السميت لا يتزايد ولا يتناقص
في هذا الافق بل هو في جميع الارتفاعات في الاجزاء المائلة بقدر
جيب ميل الجزء اعني بعد ما بين - ب د - وبين - ز ح - في مدار

زح - وبعد ما بين - ك ط - دب - في مدار - ك ط •

وبعمل ابى جعفر فاذا وصلنا نقطة - ه - والنقطة المشتركة
للمدار وللك نصف النهار بخط مستقيم وعملنا عمله فان خط نصف
النهار اقرب من قطر السميت من الذى يخرج لأنا في جميع الارتفاعات
نخرج العمود من بعد اقرب من المركز من جيب الميل بقى جميع
الاجزاء الشمالية والجنوبية وزاوية - ع ص ه - في الشكل المتقدم
تكون منفرجة فقد بان لك متى يكون - ف ص - على ما تقدم
عمودا على - ب ه - ومتى تكون زاوية - ف ص ه - حادة ومتى
تكون منفرجة • ش - ١٣



وانما الصحيح بهذا الطريق الصناعى ان نأخذ من طرف قطر
السميت الذى ذكره ابو جعفر الى خلاف جهة خط نصف النهار من
دائرة الافق تمام عرض البلد ونخرج من المركز الى حيث ينتهى
قطرا ثم نأخذ ميل درجة الشمس ان كانت شمالية فنزيده على ما كنا
أخذنا وان كانت جنوبية ننقصه منه ثم نخرج من حيث ينتهى
خطا

خطاً موازياً للقطر الذى اخرجناه الى بعد تمام العرض عن طرف قطر السميت ونخرج الخط الموازى لقطر السميت الى هذا الخط المخرج موازياً للقطر الثانى ثم نخرج العمود الى قطر السميت من نقطة تقاطع الخط الموازى لقطر السميت والخط الموازى للقطر الثانى وتم العمل *

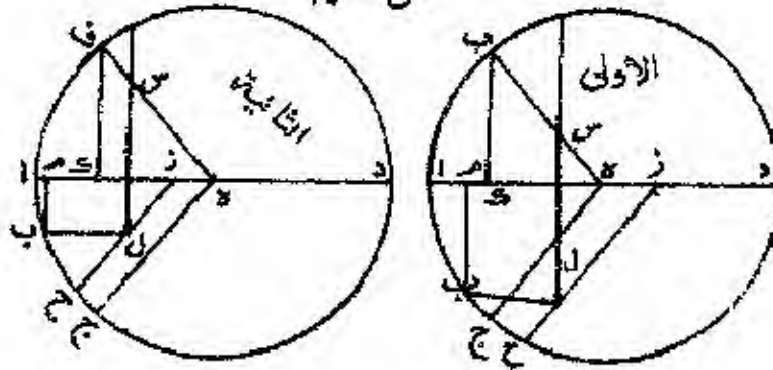
ونرسم للبرهان دائرة - اب ج د - للافق فى موضعين لناحيتى الشمال والجنوب ونخرج فيهما - اد - قطر السميت وليكن اج - تمام عرض البلد - و - اب - الارتفاع المقيس - و - ج ح - ميل المدار، اما فى الدائرة الاولى التى للشمال فتزيده على - اج - واما فى الثانية التى للجنوب فننقصه منه ونخرج - ح ز - موازياً - له ج ونخرج - ن ل - موازياً - لاد - الى خط - ح ز - الموازى - له ج ونخرج على - اد - عمود - ط - وننفذه الى محيط الدائرة ونخرج ايضا عمود - ل م - وندير يبعد - ه م - دائرة ولتكن نقطة مقاطعة تلك الدائرة وخط - ل ط - المخرج هى - س ونخرج - ه س - الى محيط الدائرة فيكون خط نصف النهار ونخرج من طرف قطر - ه س - على - اد - عمود - ف ك - فلأن ج ح - ميل المدار و - ح ه - يوازى - ز ح - فان - ه ز - جيب سعة المشرق - فط ز - فى الدائرتين ضلع الافق فى المثلثات المتشابهة لان - ل ط - جيب الارتفاع *

فاما فى الاولى فنقص - ه ز - من الضلع واما فى الثانية

قزید - ه ز - على الضلع فيحصل بعد الزيادة والنقصان الخط الذي
يسمى حصة السمات اعنى الخط الذي تكون نسبته الى جيب بعد
السمات في خط الاعتدال كنسبة جيب تمام الارتفاع المقيس الى
الجيب كله .

ولأن نسبة - ط ه - الى - ه م - كنسبة - ه س - الى - ه
ف - و - ه س - جيب تمام الارتفاع المقيس - فه م - جيب بعد
السمات عن خط نصف النهار ففط (١) جيب بعد السمات عن خط
نصف النهار - فه ف - خط نصف النهار، فقد تبين ايضا كيف
الطريق الصحيح بهذا الوجه الى وجود المطلوب .

ش - ١٤



وابوجعفر يقول انا ان وصلنا - ه ح - وعملنا بنقطة تقاطع
ه ح - ب ل - ما عملنا نحن خرج خط نصف النهار فاما في الاجزاء
الشمالية فانا نخرج له ما نظنه خط نصف النهار اقرب من قطر
السمات من خط نصف النهار الحق وفي الاجزاء الجنوبية بعكس
ذلك وهو ما اردنا ان نبين .

وإذا

(٤)

(١) ما عزم في الاصل

بالآلة من النوع السادس من المقالة الثانية

www.marefa.org

طولا و اقل عرضا فهي فيما بين مغرب الاعتدال ونقطة الشمال ، واذا
اتفق الطولان واختلف العرضان فهي على خط نصف النهار ، و
اذا اختلف الطولان واتفق العرضان فهي على الخط الذي بين مشرق
ومغرب الاعتدال .

فاما قوله اذا كان البلد اقل طولا وعرضا فاقبله فيما بين
مشرق الاعتدال ونقطة الشمال فهو قول صدق ، واذا كان فصل
ما بين الطولين اقل من شبيهه نصف الظاهر من مدار مكة بالبلد
فهي فيما بين تقاطع الافق ومدار مكة في جهة الشرق وبين نقطة
الشمال ، وقوله واذا كان اكثر طولا وعرضا فهي ما بين مغرب
الاعتدال ونقطة الجنوب فقد يكون كذلك وقد يكون ايضا على
مغرب الاعتدال نفسه ويكون ايضا فيما بين مغرب الاعتدال وبين
نقطة الشمال وكذلك قوله اذا كان اقل طولاً واكثر عرضاً فهي
فيما بين مشرق الاعتدال ونقطة الجنوب فانه قد يكون كذلك
ويكون على مشرق الاعتدال نفسه وقد يكون فيما بين مشرق
الاعتدال وبين نقطة الشمال ، وقوله اذا كان البلد اكثر طولا
واقل عرضا فهي فيما بين مغرب الاعتدال وبين نقطة الشمال فانه
قول صدق .

واذا كان فضل ما بين الطولين اقل من شبيهه نصف الظاهر
من مدار مكة بالبلد فهي فيما بين تقاطع الافق ومدار مكة في
جهة

جهة المغرب وبين نقطة الشمال •

واما قوله اذا اختلف العرضان واتفق الطولان فهى على
خط نصف النهار وان كان البلد اكثر عرضا فالى جهة الجنوب
وبالعكس ان كان اقل عرضا فانه لايزيد عليه، لكن قوله اذا
اختلف الطولان واتفق العرضان فهى على الخط الذى بين مشرق
ومغرب الاعتدال هو كذب •

ونحن نبين ذلك بالبراهين فصلا فصلا ونرسم دائرة - ا ب
ج د - افق البلد - و - ا ه ج - نصف فلك نصف النهار - ب ه د
نصف معدل النهار - ح ز ط - مدار مكة فتكون تقطعا - ب - د
مشرقا ومغرب الاعتدال ونفرض نقطة - س - سمت الرأس بمكة
وعلى - ب س - نرسم دائرة - ب س ل - المظيمة فاذن اذا كان
فصل ما بين الطولين - ز س - وقطب الافق نقطة - ل - فان القبلة
على مشرق ومغرب الاعتدال الى اى جهة كانت مكة من البلد
وايضا اذا كانت نقطة سمت الرأس بين تقطى - ز - ل - وفصل
ما بين الطولين - ز س - فان الدائرة المظيمة التى تمر على سمت
الرأس بين - ز - ل - تقاطع - ب س ل - على - س - فانها تقع
من الافق بين - ب - ح - فيكون سمت القبلة بين مشرق او مغرب
الاعتدال وبين نقطة الشمال •

وايضا فاذا كانت نقطة - ل - سمت الرأس وفصل ما بين

الطولين اكثر من - ز س - فلأن الدائرة التي تمر على - ل - قطب
الافق وعلى سمت الرأس بمكة تقع من مدار مكة ابعد من نقطة
س - من - ز - تقع ايضا من الافق بين - ب - التي هي مشرق
او مغرب الاعتدال وبين - ج - نقطة الشمال فاما اذا كان قطب
الافق بين - ل ج - وفصل ما بين الطولين - ز س - او كان قطب
الافق - ل - وفصل ما بين الطولين اقل من - ز س - فان سمت
القبلة كما ذكره ابو جعفر واذا كان قطب الافق بين - ه - ز - اعنى ان
يكون البلد اقل عرضا من مكة فان جميع الدوائر المعظام التي تمر على
قطب الافق وعلى جميع - ح ز ط - يقاطع الافق بين - ج ح
او بين - ح ط - فاذن سمت القبلة يكون في البلاد التي عرضها اقل
من عرض مكة وفصل ما بين طول مكة وطول سائر تلك المساكن
اقل من - ز ح - نصف الظاهر من مدار مكة بين نقطة تقاطع
الافق ومدار مكة وبين نقطة الشمال الى اى جهة كانت مكة من
جهتي المشرق والمغرب *

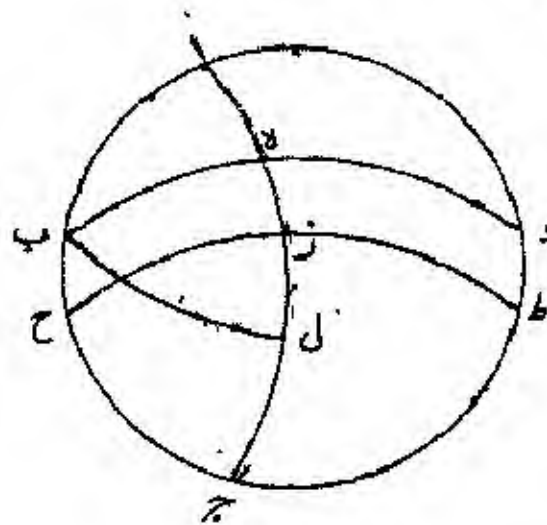
فاما اذا فرض الطول اكثر من - ز ح - فبين - ب ح
او بين - ج ط - وان كان الفصل مساويا - ل ز ح - فاما نقطة - ح
تقسمها واما نقطة - ط - فقد تبين ان قول ابى جعفر في البلاد التي
عرضها اقل من عرض مكة صحيح فاما في المساكن التي عرضها
اكثر فقد يكون سمت القبلة في بعضها على مشرق او مغرب الاعتدال

وفي

وفي بعضها مجاورا له الى نقطة الشمال •

واما اذا اتفق الطولان فبين ان فلك نصف النهار في المسكنين واحد فلذلك سمت القبلة في المساكن التي اطوالها مساوية اطول مكة على خط نصف النهار الى اى جهة كانت مكة من البلد •

فاما اذا اتفق العرضان فان القبلة لا تكون على مشرق او مغرب الاعتدال اصلا بل بين مشرق او مغرب الاعتدال وبين تقاطع الافق ومدار مكة اذا كان فصل ما بين الطولين اقل من نصف الظاهر من مدار مكة • ش - ١٦

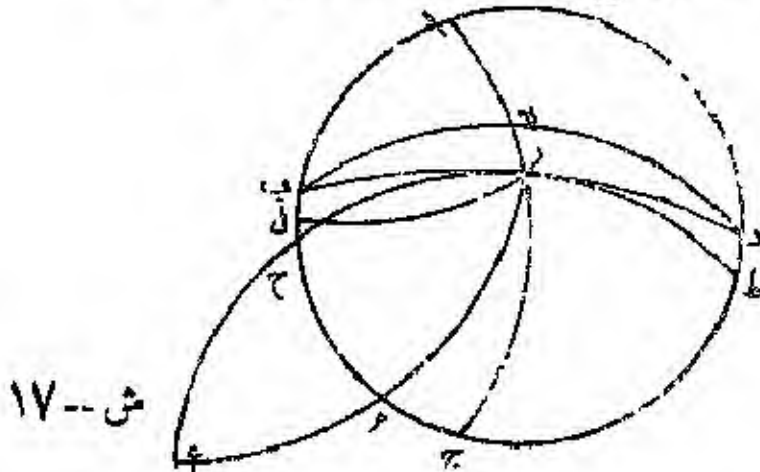


فتعبد - ا ب ج د - الافق و - ا ه ج - نصف فلك نصف النهار و - ب ه د - نصف معدل النهار و (١) الظاهر من مدار مكة فتكون نقطة - ز - سمت الرأس بالبلد لأن عرضه مساو لعرض مكة ونرسم ايضا - ب ز د - فتكون الدائرة التي لا سمت لها ولا نها تم (١) ياض بالامل •

على -- ب -- د -- قطبي -- ا ه ج -- فان -- ا ه ج -- تمر على قطبي
 ب زد -- وكذلك تمر -- ا ه ج -- على قطبي -- ح ز ط -- فدائرة
 ح ز ط -- تماس دائرة -- ب زد -- على -- ز -- فقد تبين ان الدائرة
 التي لاسمت لها ليست تقاطع مدار مكة فيمكن ان تقاطعه على سمت
 الرأس بمكة بل اذا كان فصل ما بين الطولين اقل من -- ز ح
 كأنها -- ز س -- فان الدائرة العظيمة التي تمر على -- ز س -- تقع
 من الافق بين -- ب -- ح -- كدائرة -- ز س ل -- لأن دائرة -- ب
 زد -- تماس دائرة -- ح ز ط -- فليس يخرج بينهما دائرة عظيمة •

فاما اذا ساوى فصل ما بين الطولين -- ز ه -- فان سمت القبلة
 تكون نقطة -- ح -- نفسها وان اتفق ان يكون فصل ما بين الطولين
 اكثر من -- ز ح -- كزح -- فان دائرة -- ز ع -- العظيمة تقاطع
 الافق بين -- ج ح -- كما تقاطعه في المثال على نقطة -- م •

فقد تبين ان سمت القبلة في البلدان المساوية العروض لعرض
 مكة ليس يكون على مشرق او مغرب الاعتدال، ولم يقع هذا الغلط
 لابي جعفر وحده بل وقع قبله للسكندی وغيره ايضا •



مش -- ١٧

الشكل الثاني

من المقالة الملحقه بزيج الصفايح

ليس للعالم مثل هذا بمستنكر فانك لا تزال تعبد الواحد من
 المتبرزين يخطئ الخطأ الفاحش في امر بين ظاهر او تجدد للواحد من
 الكلام الساقط الدون ما لا يقدر بالفياس الى عمله ان يكون ذلك
 من مثله كابي جعفر، قال في مقدمات المقالة التي الحقها بزيج الصفايح
 لاختلاف حركة الاوج وساثر ما يتبع ذلك قوسا - اب ج - اد ج
 نصفاً دائرتين عظيمتين على سطح كرة وكل واحدة من زاويتي - ا
 ج - اعظم ميل الدائرة على الدوائر وقوس - ه - ز - اصغر قوس
 تؤثر زاوية - ب ا ط - من دائرة عظيمة .

اقول ان مثلث - ه - ج ز - اعظم مثلث يحدث على السطح
 الكرى من المثلثات التي اضلاعها قسي من دوائر عظام .

برهان ذلك زعم ان يتم دائرة - ا د ج - فتكون كل
واحدة من زاويتي - ط ا ب - ط ح ب - اصغر زاوية حادة
وتخرج قوس - ز ه - ليلقى قوس - ا ط - على - ك - فيكون
في شكل - ك ح د ز - زاويتان فقط وهما زاويتا - ك - ز - فليس
الشكل بثلاث لأن المثلث الذي يرسم على السطح الكروي هو الذي
يحيط به قسي من دوائر عظام كل واحدة منها اقل نصف دائرة كما
قد حده اهل هذه الصناعة لانا نخرج قوسا من دائرة عظيمة من
نقطة ما من قوس - ا ب ج - الى نقطة - ا - ولتكن قوس - ا ب
فيحدث منها ومن قوس - ب ج - ومن قوس - ا د ج - وهي
نصف دائرة مثلث فلانها تقاطع قوس - ا ه ب - على تقطى - ا
ب - تكون كل واحدة منهما نصف دائرة لان كل زاويتي
عظمتين على كرة يتقاطعان فانهما يتقاطعان نصفين نصفين وذلك
محال لان قوس - ا ه ب - كما فرضنا اقل من نصف دائرة فتأمل
هذا الكلام والتكلف والمحال ميعا (١) فيه اما اولا فان زاوية - ط ا ب
ان كانت اصغر زاوية حادة فانهما ليست تنقسم، ونحن ان فرضنا
ا ب - ربعا واخرجنا عمود - ن ط - على - ا ط - فانه بين ان
ن ط - اصغر قوس تخرج من نقطة - ب - الى دائرة - ا ط - وهي
بقدر زاوية - ط ا ب - فلا ينقسم - ن ط - وبين اصحاب الجزء
يسلمون انهم لا يحسون بالجزء الذي لا يتجزأ *

ثم صار المهندس يدعى انه يوجد بل ما هو اشنع من ذلك
 فان تاوذا وسيوس علمنا كيف نرسم على نقطتين مفروضتين دائرة
 عظيمة على سطح الكرة فاذا فرضنا نقطة - ك - بين - ا - ط
 امكننا ان نرسم على نقطتي - ب ك - دائرة عظيمة وتكون قوس
 ن ك - اعظم من عمود - ن ط - فلو امكن ان يكون - ن ك -
 اكبر من نقطة لقد كان يمكن ان نفرض على - ن ك - نقطة ثم
 نرسم على - ا - و على النقطة المفروضة دائرة عظيمة فانقسمت
 زاوية - ط ا ب - التي هي اصغر زاوية حادة، لكنه يقول انها
 اصغر زاوية حادة فاذن لا ينقسم - ز ن ك - الذي هو اعظم من
 ن ط - لا ينقسم فقد اوجدنا ابو حنبل جزءا اصغر من الجزء الذي
 لا يتجزأ بل اعظاما كثيرة بعضها اعظم من بعض واعظمها الجزء
 الذي لا يتجزأ .

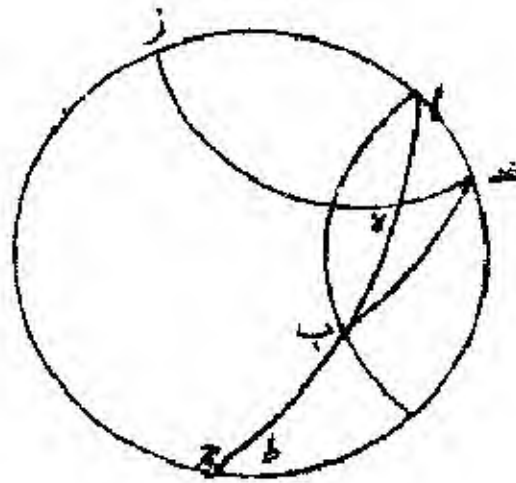
واما قوله في حد المثلث فانه لعمرى السطح الذي تحيط به
 قسي من دوائر عظام .

فاما زيادة ان تكون كل قوس اصغر من نصف دائرة فشيء
 اغناه الله عنه اذ ليس يمكن ان يكون على سطح الكرة سطح
 واحد تحيط به قسي اكثر من اثنين إلا ان تكون كل واحدة
 منها اصغر من نصف دائرة .

واما تبينه ذلك بما اخرج من - قوس - ا ب - الغير

الممكن اخراجه إلا اذا كانت من نصف دائرة -- ا ب ج -- نفسه
 فاحسن من ذلك ان لو بين ان كل نقطتين مفروضتين على سطح
 الكرة غير متقابلتين على طرفي قطر واحد من اقطار الكرة فانه
 لايجوز عليهما من الدوائر العظام إلا دائرة واحدة وذلك لأن
 الدوائر العظام على سطح الكرة تتقاطع نصفين نصفين *
 وانت اذا تأملت اختلال هذا الكلام واستحالته صدقتني
 فيما اقله، والزاوية التي لا تنقسم بدائرة عظيمة هي الزاوية التي تحيط
 به احدي الدوائر العظام والدائرة المسماة لها من الدوائر الصغار *

ش م ١٨



الشكل الحادي عشر

من المقالة الملحقة بزيج الصفايح

قال ابو جعفر في هذه المقالة المذكورة من بعد ان قدم ان
 المثلث على بسيط الكرة اذا كان معلوم الاضلاع فان زواياه

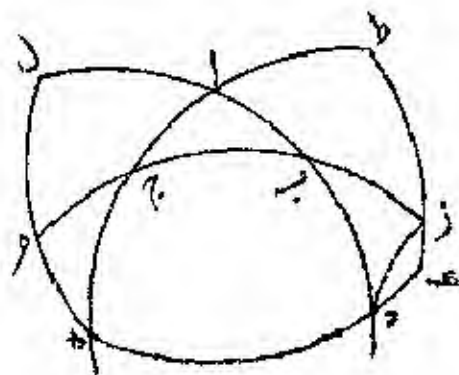
معلومة

معلومة، واداد ان يبين ان المثلث اذا كان معلوم الزوايا فانه ايضا
معلوم الاضلاع مثلث - ا ب ج - على سطح كرة وزواياه التي هي
ا ب ج - معلومة •

اقول ان اضلاعه وهي مختلفة واصغر من ارباع دوائر عظام
معلومة •

برهان ذلك ان تتم الاضلاع ارباعا بقسي -- ب - د ح -
ب ز - ونرسم على قطبي - ا - ج - قوسي -- ه - د - ط ز - ونخرجهما
حتى يلتقيا على - ك - ونخرج قوس - ح - ا - الى - ا ط - فتكون
قسي -- ط ك - - ك ه - ط ج - ارباع دوائر كما بينا فيما تقدم وفصل
قوس - د ز - من دائرة عنائية فلأن زاوية - ا - معلومة وقوس
ا د - ا ه - ربما دائرتين تكون قوس - ط ز - معلومة وتبقى قوس
ز ك - معلومة فثلث - ز ك د - زاوية - ك - منه قاعة وضلعا - ك د
ك ز - وهما اصغر من ربعي دائرتين معلومان فكما قد منا قوس - ز د
وزاويتا - ز د - معلومة ولكن زاوية - ك د ب - قاعة فزاوية
ز د ب - الباقية معلومة وزاوية - ز ب د - التي تقابل زاوية - ا ب ج
المعلومة معلومة فثلث - ب ز د - زاويتان منه وضلع واحد معلومة
فقوسا - د ب - ز ب - معلومتان وتبقى قوسا - ن ا - ب ج
معلومتين •

ش-۱۹



ثم تعرف قوس - ا ج - بان نتمم قوس - ب ا - بقوس
ال - ربع دائرة ونرسم على قطب - ب - ويعد - ب ل - قوس
من دائرة عظيمة تمر الى قوس - د ه - فانها تلاقيها كما قد منا على
ه - ويكون ربع دائرة وزاوية - ب - معلومة فقوس - ل م
معلومة وتبقى قوس - م ه - معلومة فتعرف قوس - ا ج - من
قطاع - ن ل - ه - .

فاول ما في هذا من الغلط انه يقول زاوية - ك - معلومة
وليست هي بمعلومة بل معلوم انه ليس يمكن ان تكون قائمة وهو
يقول انها قائمة وكيف يكون - و ك - قطب دائرة - ه ج ا ط
لانها تمر على قطبي - ط ك - ه ك - و - ط ج - ربع وزاوية - ك
بمقدار - ط ه - الذي يزيد على الربع - ه ج - ولو ان زاوية - ي
كانت معلومة لقد كان يكون جميع قوس - ط ا ج ه - معلومة فبقي
الذي الى تمام نصف الدائرة معلوما وهو - ا ج -

ثم قوله ان الدائرة التي ترسم على قطب .. ب - ويعد ضلع
المربع يلتقي - ا ج - على - ه - قائمة فانه لا يتفق ذلك إلا اذا كانت
زاوية - ا - قائمة *

وبرهانه انا نفسل - ن ه - من دائرة عظيمة فلئن كانت
نقطة - ه - على - ل م - ان - ن ه - ربع لأن - ب - قطب دائرة
ل م - ولأن - ه ب ه ا - كلاهما ربع دائرة ان كانت - ه - على
دائرة - ل م - فان - ه - قطب دائرة - ا ب - فزاوية - ا - اذن
قائمة ولم يفرض كذلك *

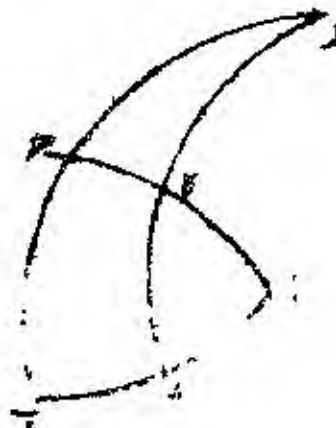
هذان من الخطأ من مثل ابي جعفر فالحش على انه يقول في
المسئلة التي افرد لها هذه المقالة انها من المسائل التي جرت بينه وبين
ابراهيم بن سنان مكاتبة وانه استدرك فيها بنظره فيها وفي كتاب
الكريات لما نال اوس ما كان فاته بديا ثم افرد هذه المقالة فيها *

ونحن نبين كيف تصير الاضلاع معلومة اذا كانت الزوايا
معلومة بطريق صحيح ونقدم هذه المقدمة ، مثلث - ا ب ج - على
بسيط - ك - واضلاعه اعظم من ارباع دوائر عظام وهي معلومة
اقول ان زواياها معلومة *

برهانه انا نجعل نقطة - ا - قطبا وندير يبعد ضلع المربع
قوس - د ه - ونخرجها - و - ب ج - حتى تلتقيا وتلتقيا على نقطة
ز - فلأن ضلعي - ا ب - ا ج - معلومان - واد - اه - كل واحد منهما

ربع - ق ب د - ه ج - معلومان ولأن زاوية - ز - مشتركة لمثلثي
 ح ز ه - ب ز د - وزاويتا - د ه - قائمتان فإن نسبة جيب - ج ه
 الى جيب - ب د - كنسبة جيب - ح ز - الى جيب - ب ز
 ب ج - الذى هو فضل - ب ز - على - ج ز - معلوم - فبج ز
 معلوم ولذلك تكون زاوية - د - معلومة فإن نسبة جيب - ح ز
 المعلوم الى جيب - ه ج - المعلوم كنسبة جيب زاوية - ه
 القائمة الى جيب زاوية - ز - وزاوية - ج - لأنها بمقدار تمام
 ميل - تمام - ح ه - من الميل الذى اعظمه بقدر زاوية - ز - المعلوم
 معلومة فتصير زاوية - ا ج ب - معلومة ، ثم تصير سائر الزوايا
 معلومة لأن نسبة جيب الضلع الى جيب الزاوية التى توترها
 كنسبة كل واحد من جبى الضلعين الباقيين الى جيب الزاوية
 التى توترها ذلك الضلع .

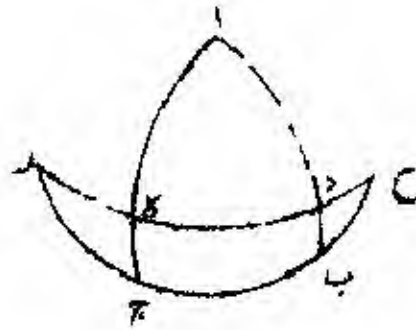
ش - ٢٠



وايضاً

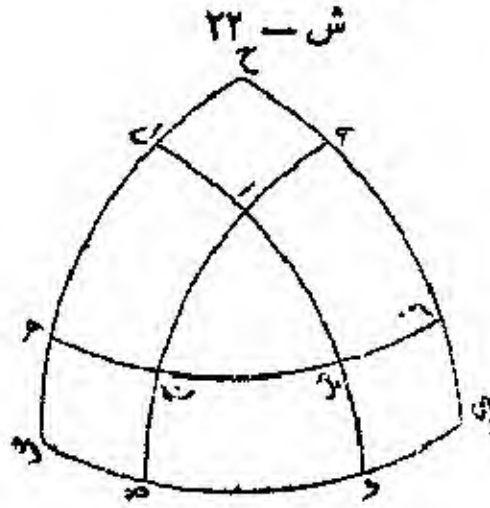
وايضا على جهة التفصيل فاننا نمخر ج - د هـ - ب ج ز - في
 الجهتين حتى يلتقيا على - ز ح - فلأن زاوية - د - قائمة كما ان
 زاوية - هـ - قائمة وزاويتا - ز - ح - متساويتان فان نسبة جيب
 ب د - الى جيب - ب ح - كنسبة جيب - ج هـ - الى جيب
 ح ز - واذا بدلنا فان نسبة جيب - ب د - الى جيب - ح هـ
 كنسبة جيب - ب ح - الى جيب - ح ز - ونسبة جيب - ب د
 الى جيب - هـ ج - معلومة فنسبة جيب - ب ح - الى جيب - ح ز
 معلومة ومجموع - ب ح - ح ز - معلوم فكل واحد من - ب ح
 ح ز - معلوم وباقي البرهان على ما تقدم •

ش - ٢١



ثم نعيد مثلث - ا ب ج - على ما فرضه ابو جعفر الخازن
 ويقول ان اضلاعه معلومة ، برهانه انا نتممها ارباع دوائر وندير
 على قطب كل واحدة من نقط - ا - ب - ج - يمد ضلع المربع
 قس - د - ط ز - - ل م - ونمخر جهاتها حتى يلتقي هذه الدوائر الثلاث

كما التقت على تقط - ك - ح - س - فيحدث مثلث - ل ش ح س
من دوائر عظام فلان زوايا - ا - ب - ج - معلومة فان قسى - د ه
ط ز - ل م - معلومة ولان دائرة - ا ج - تمر على اقطاب دائرتي
د ه - ط ز - فان هاتين الدائرتين ايضا تمران على قطبي دائرة - ا
ج - فنقطة - ج - قطب - ا ج - ولان دائرة - ا ب - تمر على
اقطاب دائرتي - د ه - ل م - فان هاتين الدائرتين ايضا تمران على
قطبي - ا ب - فنقطة - س - قطب - ا ب - ولان دائرتي - ط ز
ل م - فان هاتين الدائرتين ايضا تمران على قطبي - ب ج - فنقطة - ح
قطب - ب ج - ولذلك - ك ه - د س - ك ط - ز ح - م ح
ل س - ارباع دوائر عظام وقسى - د ه - ط ز - ل م - كانت
معلومة فاضلاع - ك ح - ح س - س ل - معلومة لان كل
واحد منها يزيد على الربع تمام قوس معلومة الى الربع فزوايا - ك
ح - س - لما قدمنا معلومة وقسى - ط ه - ز م - لذلك تصير
معلومة و - ط ه - يزيد على الربع تمام - ا ج - الى الربع و - ز م
يزيد على الربع تمام - ب ج - الى الربع و - ل د - يزيد على الربع
تمام - ا ب - الى الربع فتبقى - ا ب - ا ج - ب ج - معلومة
وذلك ما اردنا ان نبين •



واذ قد أتينا على تبين الغلط فيما أتى به ابو جعفر في هذا المعنى
وينبغي كيف تصير اضلاع - ا ب - ا ج - ب ج - معلومة فانا
نضرب عن سائر الاوضاع لاضلاع المثلث صفحا فان الفرض كان
في اصلاح الغلط •

وقد يتمكن ايضا من تأمل هذه الطرق من استخراج البراهين
لسائر الاوضاع فانها متشابهة •

ولعله ان يكون قد وقع لابي جعفر من السهو اكثر مما ذكرنا
إلا اننا لم نستوف تصحيح كتابه ولا قصدنا ايضا اثاره خطائه ولكنها
امور صغرى (١) عليها من كتابه من غير ان يكون مناقض لذلك •
واذ جرى (٢) واجبت ان اصلحه لك اتيت في ذلك سارك
ورأيت الواجب مهما نظر في باب من ابواب العلم ونحقق فيه مثل

(١) كذا (٢) هذا عزم في الاصل •

تصحيح زييج الصفايح

ما ذكرته لك ان لا تعرض عن تبينه واصلاح فاسده .

فاما ان يتبع زلات العلماء عمدا فذاك ممالا استحسنه
ومنى ما جاريت احدا من اهل العلم نوعا من انواعه او نظرت معه
في كتاب لم تقدم او متأخرو تبين لي فيه . وضع خلل او فساد قالذي
لا استجزه ان اطوى ما تبين لي عن اهله .

والله اسئل ان يوفقنا للسداد قولاً وفعلاً بطوله وفضله انه
ولي ذلك وحسبنا الله ونعم المعين .

تمت الرسالة بحمد الله ومنه

وصلواته على نبيه محمد وآله